

## JEUX DE SIGNAUX: MARCHÉ DU TRAVAIL / EDUCATION

On imagine un monde où il y a deux types de travailleurs :

- une fraction  $q$  sont de type A
- - - - -  $1-q$  - - - - B

Qu'est-ce qui distingue ces deux types ?

1. les travailleurs de type A sont plus productifs que ceux de type B
2. les travailleurs de type A ont plus de facilité à l'école que ceux de type B.

Ces deux choses-là doivent être vraies pour que le modèle fonctionne.

Productivité:

$$\text{prod. type A} = \Theta_A$$

$$\text{prod. type B} = \Theta_B$$

$$\Theta_A > \Theta_B$$

Utilité:

type A:

$$U_A = W_A - e_A$$

$\uparrow$                        $\uparrow$   
 salaire                  éducation

type B:

$$U_B = W_B - k \cdot e_B$$

$\uparrow$   
 constante  
 $k > 1$   
 (coefficient  
 de difficulté)

note:

les travailleurs choisissent leurs  
niveaux d'éducation:

les types A choisissent  $e_A$   
 ——— B ———  $e_B$

employeurs :

plusieurs employeurs  
→ marché concurrentiel.

- si on connaît la productivité d'un travailleur, son salaire sera égal à sa productivité.
- mais si on ne connaît pas la productivité d'un travailleur, son salaire sera égal à la productivité moyenne :

$$\bar{\theta} = q\theta_A + (1-q)\theta_B$$

échelle salariale :

Ce qui peut faire fonctionner (ou non) un équilibre séparateur, c'est une échelle salariale.

équilibre séparateur :

Supposons que les employeurs offrent les salaires suivants :

niveau d'éduc.	salaire
$\geq e^*$	$\theta_A$
$< e^*$	$\theta_B$

où  $e^*$  est un seuil quelconque.

Pour obtenir une séparation des deux types, il faudra que les types A choisissent  $e_A \geq e^*$  et que les types B choisissent  $e_B < e^*$ .

---

$$e \in [0, \infty[$$

Est-il vraiment nécessaire de considérer toutes les possibilités dans  $[0, \infty[$  ?

Seuls les niveaux d'éducation 0 et  $e^*$  sont rationnels :

- Tout niveau  $e \in ]0, e^*[$  donne le même salaire que  $e=0$  et une utilité moindre.
- Tout niveau  $e > e^*$  donne le même salaire que  $e^*$  et une utilité moindre.

Donc, dans un équil. sép. ,

- type A choisit  $e_A = e^*$
- type B choisit  $e_B = 0$

Les travailleurs veulent-ils faire cela ?

type A :

$$U_A = W_A - e_A$$

2 possibilités:  $e_A = 0$ ,  $e_A = e^*$

$$\begin{array}{cc} \downarrow & \downarrow \\ W_A = \theta_B & W_A = \theta_A \end{array}$$

pour qu'il choisisse  $e_A = e^*$ , il faut donc :

$$U_A(0) \leq U_A(e^*)$$

$$\theta_B - 0 \leq \theta_A - e^*$$

i.e.

$$\theta_A - e^* > \theta_B$$

contrainte d'incitation

type B:

$$2 \text{ possibilités : } e_B = 0, \quad e_B = e^*$$

$$\begin{array}{ccc} & \downarrow & \downarrow \\ & w_B = \theta_B & w_B = \theta_A \end{array}$$

pour qu'il choisisse  $e_B = 0$ ,  
il faut :

$$u_B(0) \geq u_B(e^*)$$

$$\theta_B - k \cdot 0 \geq \theta_A - k e^*$$

$$\rightarrow \theta_B \geq \theta_A - k e^*$$

*contrainte  
d'incitation*

On aura notre équil. séparateur si  
les 2 contraintes d'incitation  
sont satisfaites :

$$\begin{array}{l} \textcircled{1} \\ \textcircled{2} \end{array} \boxed{\begin{array}{l} \theta_A - e^* \geq \theta_B \\ \theta_B \geq \theta_A - k e^* \end{array}}$$

$$\textcircled{1} \text{ devient } e^* \leq \theta_A - \theta_B$$

$$\textcircled{2} \text{ devient } e^* \geq \frac{\theta_A - \theta_B}{k}$$

donc il faut, pour  
un équil. séparateur,

$$\frac{\theta_A - \theta_B}{k} \leq e^* \leq \theta_A - \theta_B$$

Pourquoi ?

- si  $e^*$  est trop élevé,  
même les types A ne  
voudront pas s'éduquer :  
on en demande trop.
- si  $e^*$  est trop faible,  
tous voudront s'éduquer  
(même les types B):  
on n'en demande pas assez.

équilibre pooling:

un exemple:

pas d'échelle salariale:  
tout le monde reçoit le salaire  $\bar{\theta}$ .

dans un tel monde, tous les  
travailleurs choisissent  $e=0$ .

Ce modèle est basé sur  
l'article classique de  
Michael Spence,  
"Job Market Signaling"  
(Quarterly Journal of Economics, 1973).